

הפונקציה הריבועית – פרבולה

בעבר למדנו על הפונקציה הריבועית – הפרבולה. בפרק זה נעשה חזרה קצרה על החומר שנלמד.

1. כל פונקציה, הנתונה באמצעות נוסחה מהצורה $y = ax^2 + bx + c$ כאשר $a \neq 0$, נקראת פונקציה ממעלה שנייה או פונקציה ריבועית.

לדוגמא: 1. $y = x^2 + 3x + 5$, 2. $y = -2x^2 + 4x - 1$.

2. א. כאשר בנוסחת הפרבולה $y = ax^2 + bx + c$ המkładם $a > 0$ (כלומר חיובי), הפרבולה נקראת ישראל, וצורתה הגרפית היא .

- ב. כאשר בנוסחת הפרבולה $y = ax^2 + bx + c$ המkładם $a < 0$ (כלומר שלילי), הפרבולה נקראת הפוכה, וצורתה הגרפית היא .

3. א. כאשר הפרבולה ישראל, קודקודה הוא נקודת מינימום (min).

- ב. כאשר הפרבולה הפוכה, קודקודה הוא נקודת מקסימום (max).

4. כדי למצוא את שיעור ה- x של קודקוד הפרבולה, משתמשים בנוסחה $\frac{b}{2a} = \text{קוד}x$.

- כדי למצוא את שיעור ה- y של קודקוד הפרבולה, מציבים את $\text{קוד}x$ בנוסחת הפרבולה.

5. א. כל פרבולה חותכת את ציר ה- y בנקודה אחת. כדי למצוא אותה יש להציב בנוסחת הפרבולה $x = 0$.

- ב. כדי למצוא את נקודות החיתוך של הפרבולה עם ציר ה- x , יש להציב בנוסחת הפרבולה $y = 0$, ולפתור את המשוואה הריבועית.

6. מצבים הדדים בין פרבולה וקו ישר (מספר נקודות החיתוך ביניהם).

- א. חותכים זה זה בשתי נקודות:  או .

- ב. משיקים זה זהה בנקודה אחת:  או .

- ג. לא נחתכים, כלומר זרים:  או .

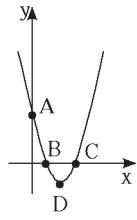
7. מצבים הדדים בין שתי פרבולות (מספר נקודות החיתוך ביניהן).

- א. חותכות זו את זו בשתי נקודות: .

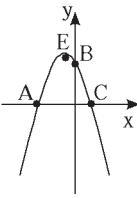
- ב. משיקות זו לזו בנקודה אחת: .

- ג. לא נחתכות, כלומר זרות: .

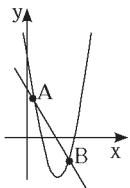
תרגיל



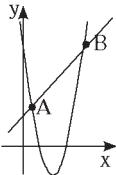
- נתון גרף הפונקציה $y = x^2 - 4x + 3$.
 א. מצאו את שיעורי הנקודות C, B, A ו- D הוא מינימום או מקסימום.
 ב. קבעו אם הקודקוד D הוא מינימום או מקסימום.
 ג. מצאו את שיעורי הקודקוד D .
 תשובות: א) $(0, 1)$, ב) $(1, 0)$, ג) $(3, 0)$



- נתון גרף הפונקציה $y = -x^2 - 4x + 5$.
 א. מצאו את שיעורי הנקודות C, B, A ו- E הוא מינימום או מקסימום.
 ב. קבעו אם הקודקוד E הוא מינימום או מקסימום.
 ג. מצאו את שיעורי הקודקוד E .
 תשובות: א) $(-5, 0)$, ב) $(0, 5)$, ג) $(1, 0)$



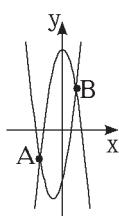
- לפניכם סריטות של גרף הפרבולה $y = x^2 - 8x + 10$
 ושל הקו ישר: $y = -x + 4$.
 מצאו את נקודות החיתוך של הגрафים (נקודות A ו- B).
 תשובה: $(1, 3)$, $(6, -2)$



- לפניכם סריטות הגראפים של הפונקציות
 $y = x + 1$ ו- $y = x^2 - 11x + 21$.
 מצאו את נקודות החיתוך של הגראפים.
 תשובה: $(2, 3)$, $(10, 11)$

- נתונים פרבולה וישר: $y = x^2 - 2x - 6$ ו- $y = x + 4$. מצאו את נקודות החיתוך שלהם.
 תשובה: $(-2, 2)$, $(5, 9)$

- נתונים פרבולה וישר: $y = 2x + 10$ ו- $y = x^2 - x - 8$. מצאו את נקודות החיתוך שלהם.
 תשובה: $(-3, 4)$, $(6, 22)$



- לפניכם סריטות הגראפים של הפונקציות
 $y = -x^2 + 18$ ו- $y = x^2 + 4x - 12$.
 מצאו את נקודות החיתוך שלהם.
 תשובה: $(-5, -7)$, $(3, 9)$



- לפניכם סריטות הגראפים של הפונקציות
 $y = -x^2 + 30$ ו- $y = x^2 + 4x - 18$.
 מצאו את נקודות החיתוך שלהם.
 תשובה: $(-6, -6)$, $(4, 14)$